

受験  
番号

学部

番

A — 1

## 物 理 解 答 用 紙

1

問1 [説明と計算式]

運動は単振動の4分の1周期分と考えることができる。角振動数 $\omega$ は

$$\omega = \sqrt{k/m} \text{ [rad/s]} \text{ であるから, 振動の周期} T \text{ は } T = 2\pi/\omega = 2\pi\sqrt{m/k} \text{ [s]}$$

である。これより、物体が点Bに到達するまでの時間 $t_0$ は、以下の通りである。

$$t_0 = \frac{T}{4} = \frac{\pi}{2}\sqrt{\frac{m}{k}}$$

$$\text{答 } t_0 = \frac{\pi}{2}\sqrt{\frac{m}{k}} \text{ [s]}$$

評  
点

問2 [説明と計算式]

点B到達時の物体の速度 $v_0$ は、エネルギー保存則より以下ようになる。

$$\frac{1}{2}kd^2 = \frac{1}{2}mv_0^2$$

$$v_0 = d\sqrt{\frac{k}{m}}$$

$$\text{答 } v_0 = d\sqrt{\frac{k}{m}} \text{ [m/s]}$$

問3 [説明と計算式]

エネルギー保存則より、 $v_1$ は以下ようになる。

$$\frac{1}{2}mv_0^2 = mgH + \frac{1}{2}mv_1^2$$

$$v_1 = \sqrt{v_0^2 - 2gH}$$

$$\text{答 } v_1 = \sqrt{v_0^2 - 2gH} \text{ [m/s]}$$

問4 [説明と計算式]

物体には、重力加速度の斜面方向成分と摩擦力が斜面の下向きに作用するから、運動方程式は

$$ma = -mg \sin \theta - \mu' mg \cos \theta$$

と表される。これより、物体の加速度は以下ようになる。

$$a = -g \sin \theta - \mu' g \cos \theta = -g(\sin \theta + \mu' \cos \theta)$$

$$\text{答 } a = -g(\sin \theta + \mu' \cos \theta) \text{ [m/s}^2\text{]}$$

問5 [説明と計算式]

点Cを速度 $v_1$ で通過してから速度がゼロになるまでの時間 $t$ は、

$$0 = v_1 + at \quad \therefore t = -v_1/a$$

であるから、距離 $L$ は以下ようになる。

$$L = v_1 t + \frac{1}{2}at^2 = -\frac{v_1^2}{a} + \frac{1}{2}a\left(\frac{v_1}{a}\right)^2 = -\frac{v_1^2}{2a}$$

$$\text{答 } L = -\frac{v_1^2}{2a} \text{ [m]}$$

問6 [説明と計算式]

すべり下りない条件は、重力の斜面方向成分が最大静止摩擦力を超えない場合である。したがって、求める条件は以下の通りである。

$$mg \sin \theta \leq \mu mg \cos \theta$$

$$\mu \geq \tan \theta \quad \text{以上より, 最小値は} \tan \theta \text{ となる。}$$

答  $\tan \theta$ 小  
計

物 理 解 答 用 紙

<b>2</b>	問1	[答]	$\lambda_1 = \quad v_0/f \quad [m]$
問2	[説明と計算式]		
<p>三平方の定理を用いると、  <math>AM = \{L^2 + (d/2 - y_1)^2\}^{1/2} = L \{1 + (d/2 - y_1)^2/L^2\}^{1/2} \doteq L + (d/2 - y_1)^2/(2L)</math></p>			
			答 $AM \doteq \quad L + (d/2 - y_1)^2/(2L) \quad [m]$
問3	[説明と計算式]		
<p>三平方の定理を用いると、  <math>BM = \{L^2 + (d/2 + y_1)^2\}^{1/2} = L \{1 + (d/2 + y_1)^2/L^2\}^{1/2} \doteq L + (d/2 + y_1)^2/(2L)</math></p>			
			答 $BM \doteq \quad L + (d/2 + y_1)^2/(2L) \quad [m]$
問4	[説明と計算式]		
<p>問3の答えから問2の答えを引くことにより、  <math>BM - AM = (d/2 + y_1)^2/(2L) - (d/2 - y_1)^2/(2L) = d y_1/L</math></p>			
			答 $BM - AM = \quad d y_1/L \quad [m]$
問5	[説明と計算式]		
<p>最初に干渉波の強め合いが起こる条件は、経路差が波長と一致する、すなわち <math>BM - AM = \lambda_1</math> となることなので、<math>y_1 = L \lambda_1/d</math></p>			
			答 $y_1 = \quad L \lambda_1/d \quad [m]$
問6	[説明と計算式]		
<p>平面波の1周期あたり発生源Sは <math>v/f</math> だけ進むので、波長はその分変化する。          よって、<math>\lambda' = \lambda_1 + v/f</math>。これから振動数は <math>f' = v_0/\lambda' = v_0 f/(v_0 + v)</math></p>			
			答 $\lambda' = \quad \lambda_1 + v/f \quad [m]$ , $f' = \quad v_0 f/(v_0 + v) \quad [Hz]$
問7	<div style="border: 1px solid black; padding: 10px; width: fit-content; margin: 0 auto;"> <p>※出題の誤りがあったため、受験者全員を正解とした。</p> </div>		
		小 計	

物 理 解 答 用 紙

3

[答]

ア	$\Delta U = Q + W$
---	--------------------

問 1

[答]

問 2

イ	正	ウ	位置	エ	運動	オ	モル比熱
---	---	---	----	---	----	---	------

(1) [説明と計算式]

ボイル・シャルルの法則から  $2p_0V_0/T_A = 4p_0 \cdot V_0/T_B = 4p_0 \cdot 2V_0/T_C = 2p_0 \cdot 4V_0/T_D$  となり、  
それぞれの温度と  $T_A$  の関係が求まる。

答  $T_B = 2T_A$  [K]     $T_C = 4T_A$  [K]     $T_D = 4T_A$  [K]

(2) [答]

区間	BC, CD
理由	気体の体積が増加しているため

(3) [説明と計算式]

単原子分子の理想気体なので  $\Delta U = (3/2)nRT$ , 等温変化なので  $\Delta U_{CD} = 0$   
また,  $\Delta U_{DA} = (3/2)nR(T_A - T_D)$ , A, D 点での状態方程式より  
 $2p_0 \cdot V_0 = nRT_A$ ,  $2p_0 \cdot 4V_0 = nRT_D$  なので,  $\Delta U_{DA} = (3/2)(2p_0V_0 - 2p_0 \cdot 4V_0) = -9p_0V_0$

答  $\Delta U_{CD} = 0$  [J]     $\Delta U_{DA} = -9p_0V_0$  [J]

問 3

(4) [説明と計算式]

A, B, C, D 点での状態方程式より  
 $2p_0V_0 = nRT_A$ ,  $4p_0V_0 = nRT_B$ ,  $4p_0 \cdot 2V_0 = nRT_C$ ,  $2p_0 \cdot 2V_0 = nRT_D$   
AB 間, CE 間は定積変化なので  
 $Q_{AB} = (3/2)nR(T_B - T_A) = (3/2)(4p_0V_0 - 2p_0V_0) = 3p_0V_0$ ,  $Q_{CE} = (3/2)nR(T_E - T_C) = (3/2)(4p_0V_0 - 8p_0V_0) = -6p_0V_0$   
BC 間, EA 間は定圧変化なので  
 $Q_{BC} = (5/2)nR(T_C - T_B) = (5/2)(4p_0 \cdot 2V_0 - 4p_0V_0) = 10p_0V_0$   
 $Q_{EA} = (5/2)nR(T_A - T_E) = (5/2)(2p_0V_0 - 4p_0V_0) = -5p_0V_0$

答  $Q_{AB} = 3p_0V_0$  [J]     $Q_{BC} = 10p_0V_0$  [J]     $Q_{CE} = -6p_0V_0$  [J]     $Q_{EA} = -5p_0V_0$  [J]

(5) [説明と計算式]

吸収する熱量が  $Q_{IN} = Q_{AB} + Q_{BC} = 13p_0V_0$   
放出する熱量が  $Q_{OUT} = -(Q_{CE} + Q_{EA}) = 11p_0V_0$  となり  
熱効率  $e = (Q_{IN} - Q_{OUT}) / Q_{IN} = (13p_0V_0 - 11p_0V_0) / (13p_0V_0) = 2/13 \approx 0.15$

答 熱効率  $e = 0.15$

小  
計

物 理 解 答 用 紙

4	問 1	(1) [答]	並列接続
問 1	<p>(2) [説明と計算式]                  電流計の内部抵抗を<math>r_0</math>とする。測定範囲を<math>n</math>倍にするには、電流計の電流に対して、並列の抵抗<math>R_A</math>に<math>n-1</math>倍の電流が流れるようにすればよい。したがって電流を<math>n-1</math>倍にするには、<math>R_A</math>の値を<math>r_0</math>の<math>1/(n-1)</math>にすればよい。ここで、<math>n=5</math>、<math>r_0=10</math>を代入すると、<math>R_A = \frac{r_0}{n-1} = \frac{10}{5-1} = 2.5</math>。</p>		答 2.5 [Ω]
問 2	[答] オームの法則		
問 3	<p>[説明と計算式]                  電流計<math>A_1</math>の内部抵抗は、もとの電流計の内部抵抗<math>10\Omega</math>と抵抗<math>R_A = 2.5\Omega</math>の並列回路から<math>2\Omega</math>となる。ここで、電圧計<math>V_1</math>の読み値を<math>V_1</math> [V] とすると、電流計<math>A_1</math>の読み値は、抵抗<math>R_0</math>と電流計<math>A_1</math>の内部抵抗<math>2\Omega</math>の合成抵抗<math>R_0 + 2\Omega</math>に流れる電流値であるので、オームの法則より <math>V_1/(R_0 + 2)</math> [A]                  よってオームの法則より、<math>R_1</math>の値は次の通りとなる。</p> $R_1 = V_1 \div \frac{V_1}{R_0 + 2} = R_0 + 2$		答 $R_0 + 2$ [Ω]
問 4	<p>[説明と計算式]                  電圧計<math>V_1</math>の内部抵抗は<math>500\Omega</math>である。したがって、電圧計<math>V_1</math>と抵抗<math>R_0</math>の合成抵抗の値は<math>\frac{500R_0}{500+R_0}</math> [Ω] である。ここで、電流計<math>A_1</math>の読み値を<math>I_1</math> [A] とすると、オームの法則より電圧計<math>V_1</math>の読み値は、<math>\frac{500R_0}{500+R_0} I_1</math> [V] となる。よってオームの法則より、<math>R_2</math>の値は次の通りとなる。</p> $R_2 = \frac{500R_0}{500+R_0} I_1 \div I_1 = \frac{500R_0}{500+R_0}$		答 $\frac{500R_0}{500+R_0}$ [Ω]
問 5	<p>[説明と計算式]                  問 3 より、図 1 の回路の測定値の誤差は<math> R_1 - R_0  = 2\Omega</math>である。一方、問 4 より、図 2 の回路の測定値の誤差は<math> R_2 - R_0  = R_0 - \frac{500R_0}{500+R_0}</math> [Ω] である。これらから、両方の誤差が等しい条件は</p> $R_0 - \frac{500R_0}{500+R_0} = 2$ <p>となる。この式を整理すると次の2次方程式 <math>R_0^2 - 2R_0 - 1000 = 0</math> が得られる。この方程式の解は、<math>R_0 = 1 \pm \sqrt{1001}</math> となるが、抵抗値は正值となること、および<math>\sqrt{1001} \approx 31.63</math>を用いて、<math>R_0 = 1 + \sqrt{1001} \approx 32.6</math> が得られる。</p>		答 32.6 [Ω]
			小 計